

أمثلة عن طريقة المسار الحرج

حسابات الشبكة:

ES		EF	
Name			
LS	Duration		LF

- ES_i : زمن البداية المبكرة للمهمة (i).
 EF_i : زمن النهاية المبكرة للمهمة (i).
 LS_i : زمن البداية المتأخرة للمهمة (i).
 LF_i : زمن النهاية المتأخرة للمهمة (i).
 $Duration$: مدة تنفيذ المهمة (i).
 $Name$: اسم النشاط (المهمة).

تتم الحسابات على مرحلتين (مسارين):

■ في المسار الأمامي (روزنامة البدء المبكر):

نبدأ الحسابات من العقدة الواقعة في بداية الشبكة والتي تعطى زمن بدء مبكر يساوي الصفر:

$$ES_{start} = ES_s = 0$$

ثم نحسب أزمنة البدء المبكرة لباقي المهام وكذلك أزمنة الانتهاء المبكرة وباتجاه الأمام حتى الوصول إلى العقدة الأخيرة والتي يكون الزمن المبكر لها هو زمن المشروع.

زمن الإنهاء المبكر لأي مهمة = زمن البدء المبكر للمهمة + مدة المهمة

$$EF_i = ES_i + D_i$$

زمن البدء المبكر لأي مهمة = أكبر زمن نهاية مبكرة للمهام السابقة

$$ES_j = \max(EF_i, EF_k, \dots)$$

■ في المسار الخلفي (روزنامة البدء المتأخر):

ويتم في هذه المرحلة حساب أزمنة النهاية المتأخرة والبداية المتأخرة للمهام.

حيث نبدأ الحساب من العقدة الأخيرة والتي تعطى زمن النهاية المتأخر يساوي زمن النهاية المبكر لها والذي تم حسابه من خلال المسار الأمامي:

$$LF_n = EF_n = D_p$$

ومنه يكون زمن البداية المتأخرة للمهمة i يساوي النهاية المتأخرة لها مطروحاً منها مدة المهمة:

$$LS_i = LF_i - D_i$$

زمن البدء المتأخر لأي مهمة = أصغر زمن نهاية مبكرة للمهام اللاحقة

$$LF_i = \min(LS_j, LS_k, \dots)$$

زمن الإنهاء المتأخر لأي مهمة = زمن البدء المتأخر للمهمة + مدة المهمة

$$LF_i = LS_i + D_i$$

ثم يتم حساب المرونة الزمنية لكل مهمة

$$TF = LS - ES = LF - EF$$

وتدعى المهام التي عومها الكلي صفر بالمهام الحرجة ويسمى المسار المار من هذه المهام بالمسار الحرج.

مثال (1):

ليكن لدينا المهام المبينة في الجدول التالي والخاصة بأحد المشاريع والمطلوب:

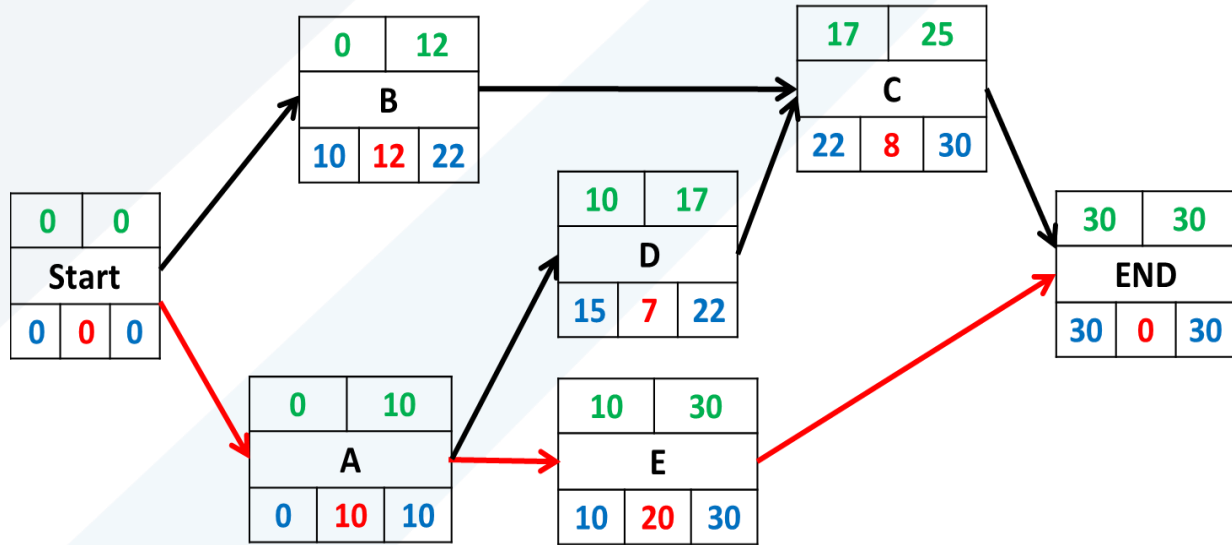
- تمثيل المهام والروابط باستخدام طريقة التمثيل الشبكي العقدي.
- حساب أزمدة البدء المبكر، البدء المتأخر، الإنهاء المبكر، الإنهاء المتأخر، المرونة الزمنية لكل مهمة.
- استنتاج المسار الحرج وحساب مدة تنفيذ المشروع.

المدة	المهمة السابقة	رمز المهمة
10	-	A
12	-	B
8	B & D	C
7	A	D
20	A	E

الحل:

ES	EF
Name	
LS	Duration
LF	

- ES_i: زمن البداية المبكرة للمهمة (i).
- LS_i: زمن البداية المتأخرة للمهمة (i).
- EF_i: زمن النهاية المبكرة للمهمة (i).
- LF_i: زمن النهاية المتأخرة للمهمة (i).
- D_i: مدة تنفيذ المهمة (i).



30/ وحدة زمنية

مدة تنفيذ المشروع:

START – A – E – END

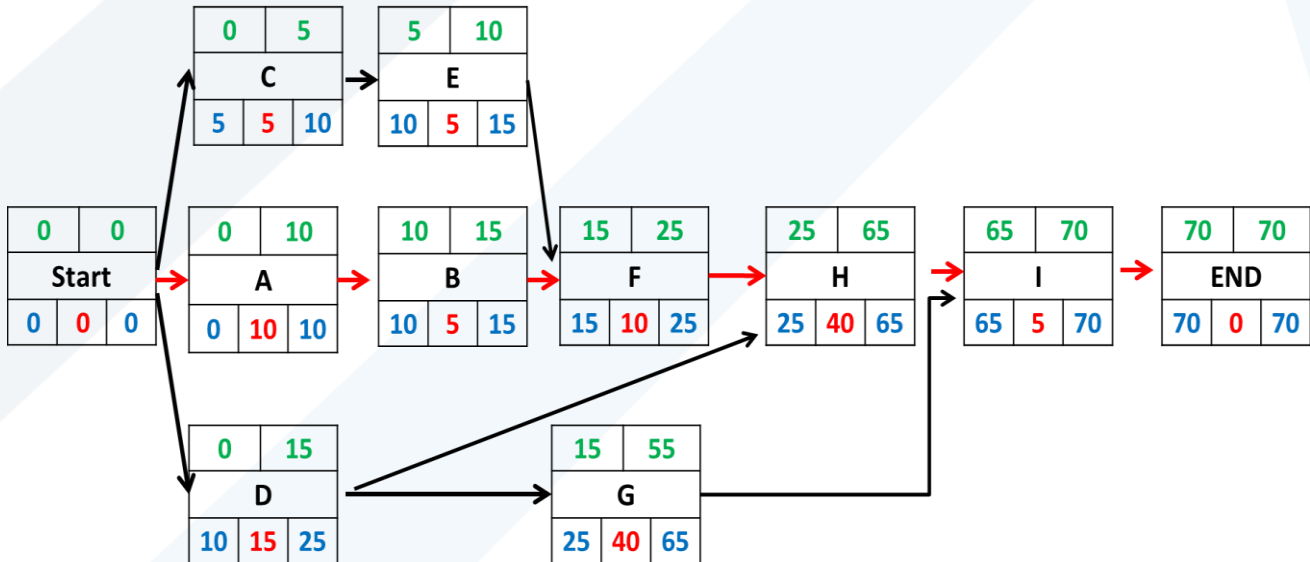
المسار الحرج:

مثال (2): ليكن لدينا المشروع التالي والمطلوب:

- تمثيل المهام والروابط باستخدام طريقة التمثيل الشبكي العقدي.
- حساب أزمدة البدء المبكر، البدء المتأخر، الإنهاء المبكر، الإنهاء المتأخر، المرونة الزمنية لكل مهمة.
- استنتاج المسار الحرج وحساب مدة تنفيذ المشروع.

المدة بالأيام	المهمة السابقة	رمز المهمة
10	-	A
5	A	B
5	-	C
15	-	D
5	C	E
10	B & E	F
40	D	G
40	D & F	H
5	G & H	I

الحل:



رمز المهمة	A	B	C	D	E	F	G	H	I
المرونة الزمنية	0	0	5	10	5	0	10	0	0

ABFHI

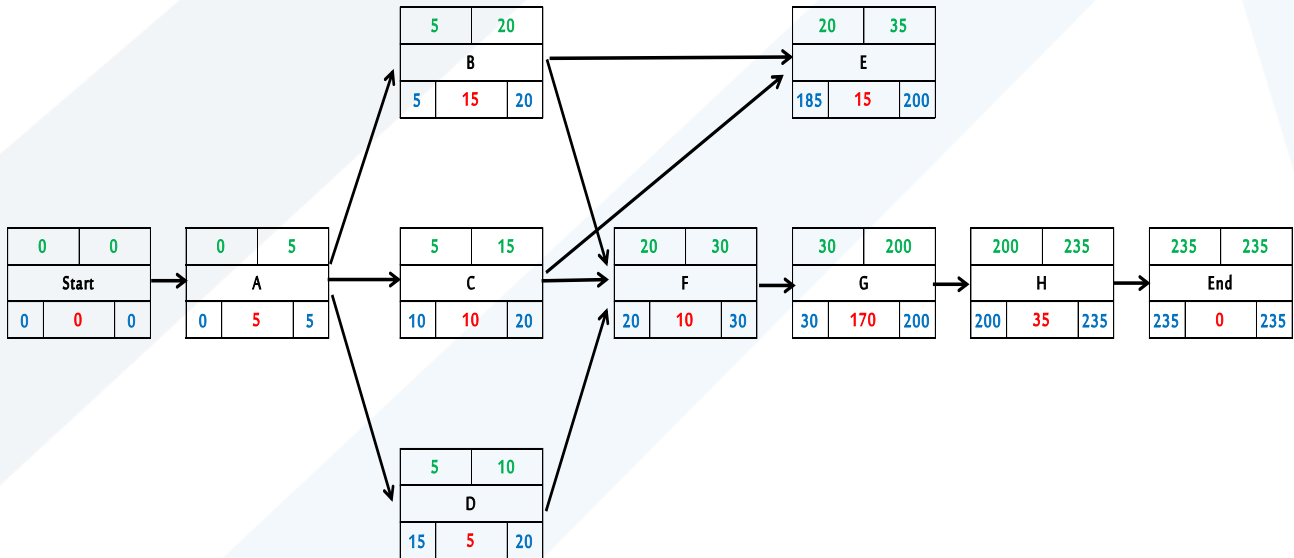
مدة تنفيذ المشروع: 70/ يوم & المسار الحرج:

مثال (3): ليكن لدينا المشروع التالي والمطلوب:

- تمثيل المهام والروابط باستخدام طريقة التمثيل الشبكي العنقدي.
- حساب أزمان البدء المبكر، البدء المتأخر، الإنهاء المبكر، الإنهاء المتأخر، المرونة الزمنية لكل مهمة.
- استنتاج المسار الحرج وحساب مدة تنفيذ المشروع.

المدة بالأيام	المهمة السابقة	رمز المهمة
5	-	A
15	A	B
10	A	C
5	A	D
15	B & C	E
10	B & C & D	F
170	F	G
35	E & G	H

الحل:



رمز المهمة	A	B	C	D	E	F	G	H
المرونة الزمنية	0	0	5	10	165	0	0	0

235/ يوم

ABFGH

مدة تنفيذ المشروع:

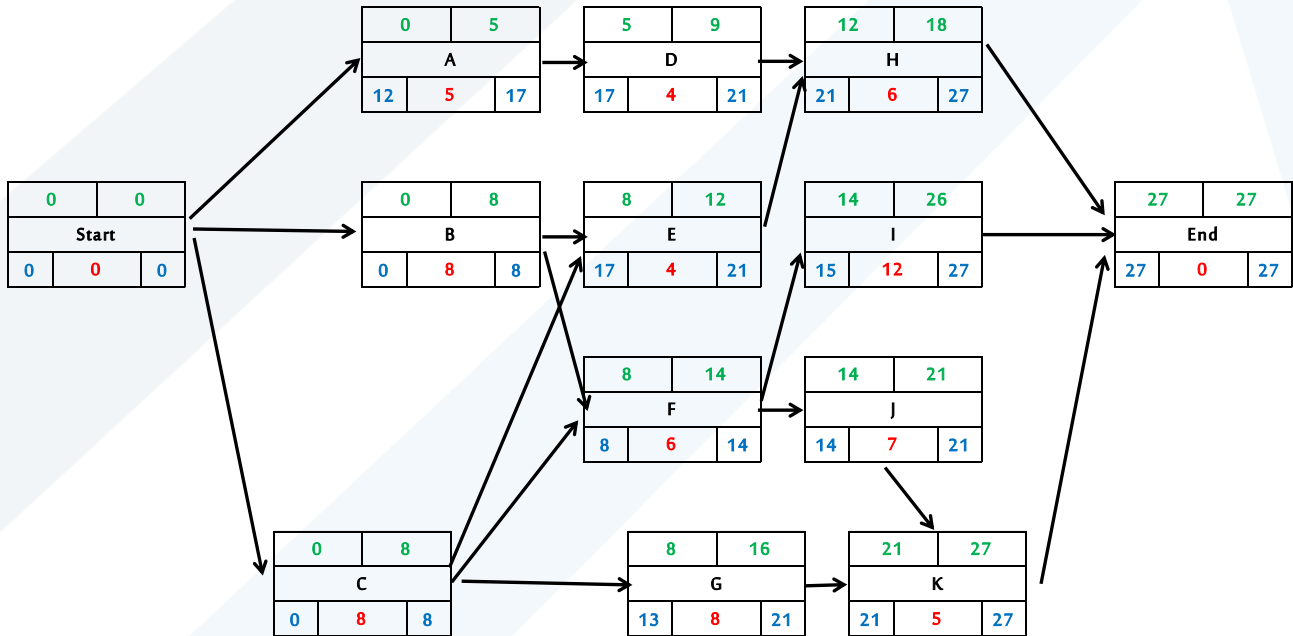
المسار الحرج:

مثال (4): ليكن لدينا المشروع التالي والمطلوب:

- تمثيل المهام والروابط باستخدام طريقة التمثيل الشبكي العقدي.
- حساب أزمان البدء المبكر، البدء المتأخر، الإنهاء المبكر، الإنهاء المتأخر، المرونة الزمنية لكل مهمة.
- استنتاج المسار الحرج وحساب مدة تنفيذ المشروع.

المدة بالأيام	المهمة السابقة	رمز المهمة
5	-	A
8	-	B
8	-	C
4	A	D
4	B & C	E
6	B & C	F
8	C	G
6	D & E	H
12	F	I
7	F	J
6	G & J	K

الحل:



رمز المهمة	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
المرونة الزمنية	12	0	0	12	9	0	5	9	1	0	0

مدة تنفيذ المشروع: 27/ يوم

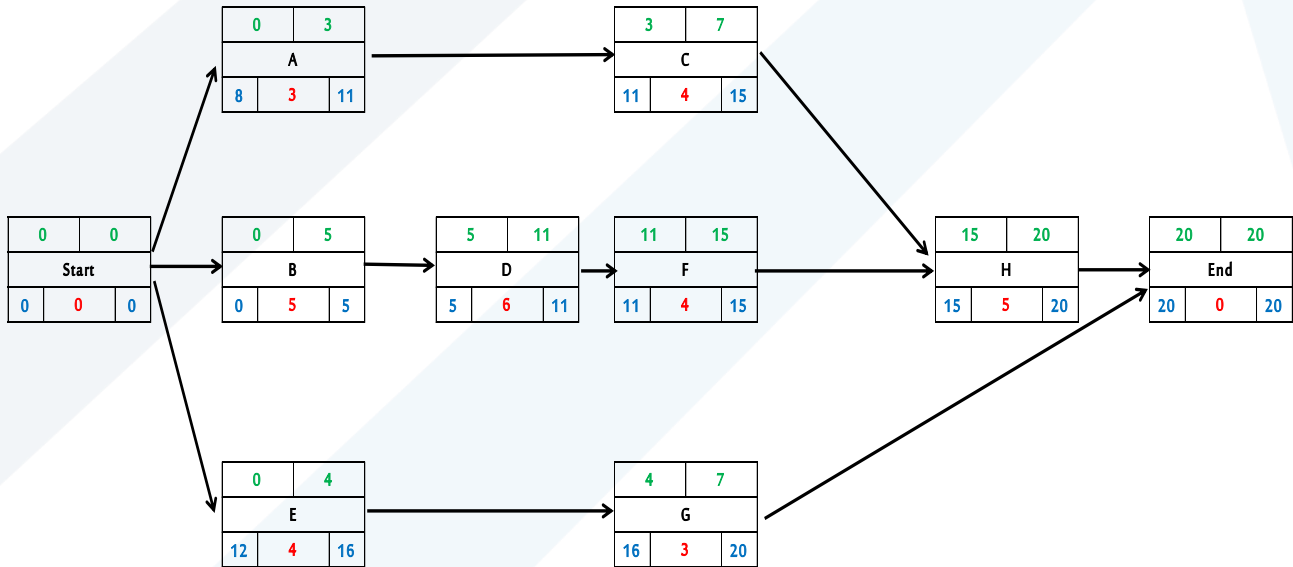
يوجد مسارين حرجين: C-F-J-K & B-F-J-K

مثال (5): ليكن لدينا المشروع التالي والمطلوب:

- تمثيل المهام والروابط باستخدام طريقة التمثيل الشبكي العقدي.
- حساب أزمان البدء المبكر، البدء المتأخر، الإنهاء المبكر، الإنهاء المتأخر، المرونة الزمنية لكل مهمة.
- استنتاج المسار الحرج وحساب مدة تنفيذ المشروع.

المدة بالأيام	المهمة السابقة	رمز المهمة
3	-	A
5	-	B
4	A	C
6	B	D
4	B	E
4	D	F
3	E	G
5	C & F	H

الحل:



رمز المهمة	A	B	C	D	E	F	G	H
المرونة الزمنية	8	0	8	0	12	0	12	0

مدة تنفيذ المشروع: 20/ يوم

B – D – F – H

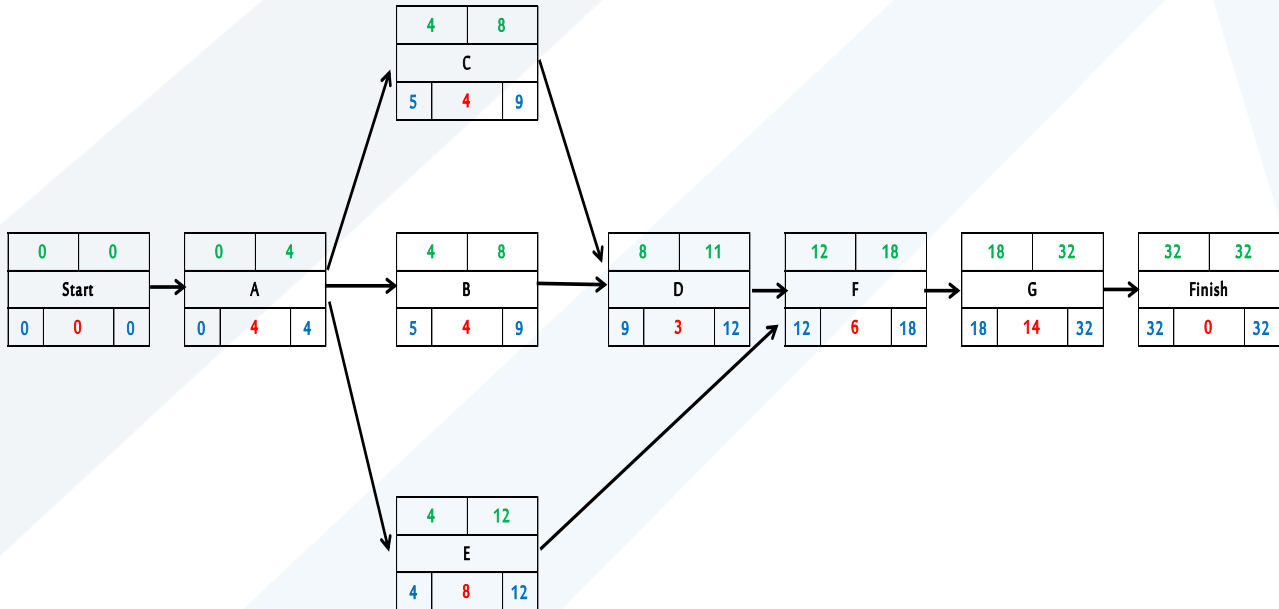
المسار الحرج:

مثال (6): ليكن لدينا المشروع التالي والمطلوب:

- تمثيل المهام والروابط باستخدام طريقة التمثيل الشبكي العقدي.
- حساب أزمان البدء المبكر، البدء المتأخر، الإنهاء المبكر، الإنهاء المتأخر، المرونة الزمنية لكل مهمة.
- استنتاج المسار الحرج وحساب مدة تنفيذ المشروع.

المدة بالأشهر	المهمة السابقة	رمز المهمة
4	-	A
4	A	B
3	A	C
3	B & C	D
8	A	E
6	D & E	F
14	F	G

الحل:



رمز المهمة	A	B	C	D	E	F	G
المرونة الزمنية	0	1	1	1	0	0	0

32/ شهر

A – E – F – G

مدة تنفيذ المشروع:

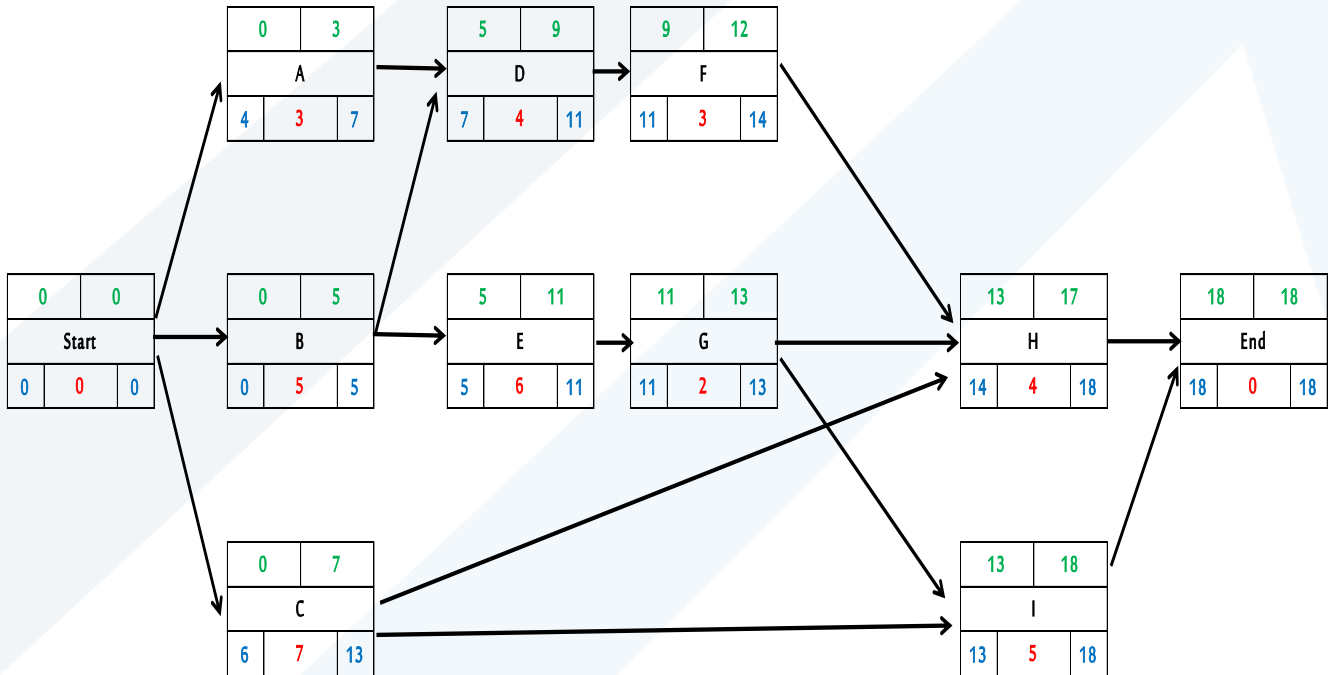
المسار الحرج:

مثال (7): ليكن لدينا المشروع التالي والمطلوب:

- تمثيل المهام والروابط باستخدام طريقة التمثيل الشبكي العنقدي.
- حساب أزمان البدء المبكر، البدء المتأخر، الإنهاء المبكر، الإنهاء المتأخر، المرونة الزمنية لكل مهمة.
- استنتاج المسار الحرج وحساب مدة تنفيذ المشروع.

المدة بالأيام	المهمة السابقة	رمز المهمة
3	-	A
5	-	B
7	-	C
4	A & B	D
6	B	E
3	D	F
2	E	G
4	C & F & G	H
5	C & G	I

الحل:



رمز المهمة	A	B	C	D	E	F	G	H	I
المرونة الزمنية	4	0	6	2	0	2	0	1	0

مدة تنفيذ المشروع: 18/ يوم

يوجد مسارين حرجين: **B-E-G-I**